

# MOUVEMENTS

## 1 - Référentiels

### 1.1- Système et référentiel

Un référentiel est un objet choisi arbitrairement et considéré comme immobile, par rapport auquel on étudie le mouvement d'un autre objet auquel on s'intéresse.

Un système mécanique est un objet dont on étudie le mouvement et les forces qu'il subit. Toutefois, la description de ce mouvement dépend du référentiel choisi.

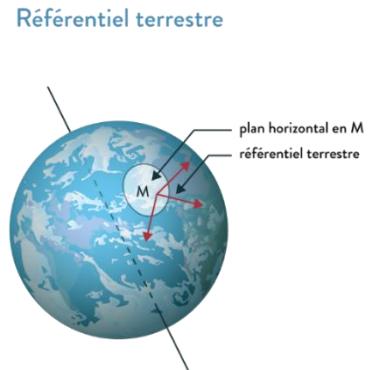
Un référentiel est donc un solide par rapport auquel le physicien étudie le mouvement d'un objet. Il est déterminé par la donnée de quatre points non coplanaires. On doit associer à ce référentiel une horloge.

### 1.2- Référentiel Terrestre

Tout objet immobile par rapport à la terre (paillasse, salle de classe) est appelé "référentiel terrestre" appelé aussi "référentiel du laboratoire".

On prend souvent comme référentiel le référentiel Terrestre.

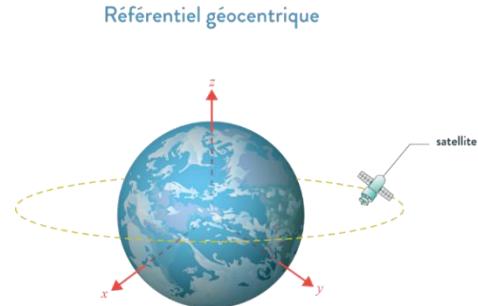
Il est construit à partir d'un point de la surface de la Terre et d'un repère orthonormé. Il est entraîné par la rotation de la Terre.



### 1.3- Référentiel Géocentrique

Le "référentiel géocentrique" est un objet mathématique, appelé repère, dont le centre est au centre de la terre et les axes dirigés vers des étoiles lointaines.

Il est construit à partir du centre de la Terre et de trois étoiles, les 4 points n'étant pas dans un même plan.



Dans ce référentiel, la Terre a un mouvement propre de rotation autour de l'axe des pôles.

La durée de la période de rotation défini le jour sidéral qui est de 23H56min.

Il est utilisé pour étudier le mouvement de la Lune et des satellites artificiels terrestres

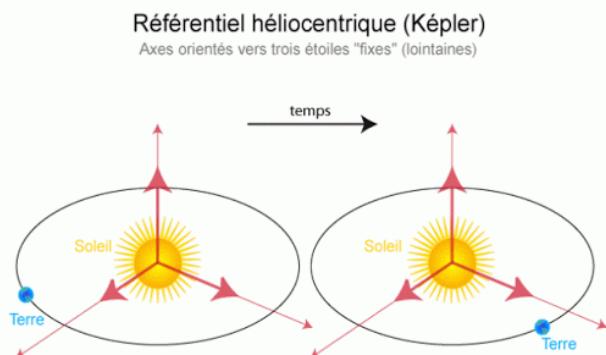
### 1.4- Référentiel Héliocentrique

Le "référentiel héliocentrique" est un objet mathématique, appelé repère, dont le centre est au centre du soleil et les axes dirigés vers des étoiles lointaines.

Il est construit à partir du centre du soleil et de trois étoiles, les 4 points n'étant pas coplanaires.

Dans ce référentiel, le centre de la Terre effectue un mouvement de révolution autour du Soleil. La durée de la période de révolution de la Terre définit l'année sidérale qui est d'environ 365,256 jours.

Il est utilisé pour étudier le mouvement des planètes autour du Soleil ou pour les voyages interplanétaires.



## 2- Trajectoires

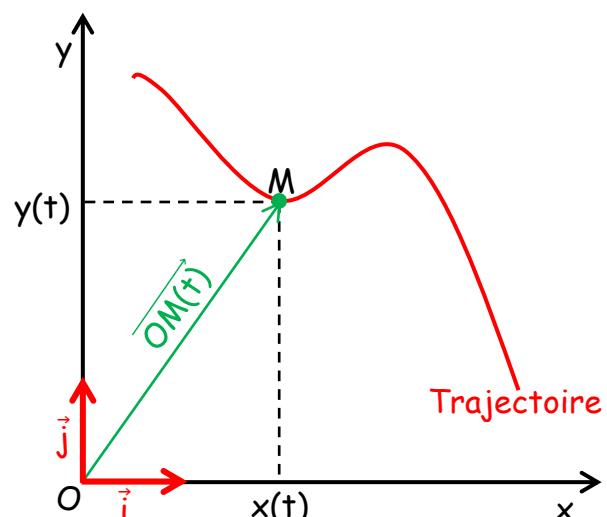
### 2.1- Notion de trajectoire

La trajectoire d'un point mobile  $M$  est l'ensemble des positions successives occupées par ce point au cours du temps (c'est le chemin suivi par ce point mobile). Toutefois, la forme de la trajectoire d'un point mobile  $M$  dépend de la position et du mouvement de l'observateur.

L'étude du mouvement d'un mobile nécessite non seulement le choix d'un référentiel auquel on associe un repère mais encore le choix d'une horloge pour mesurer le temps.

Dans le repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ , lié au référentiel d'étude, la position d'un mobile ponctuel est, à l'instant  $t$ , donnée par le vecteur position:

$$\overrightarrow{OM(t)} = x(t) \cdot \vec{i} + y(t) \cdot \vec{j}$$



A cet instant  $t$ , le mobile se trouve à une certaine distance de l'origine  $O$  du repère donné

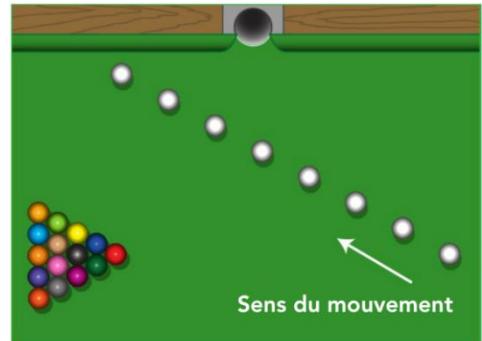
par:

$$OM(t) = \sqrt{x(t)^2 + y(t)^2}$$

## 2.2- Mouvement rectiligne uniforme

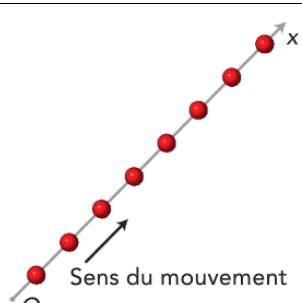
Dans un référentiel donné, le mouvement d'un système est rectiligne et uniforme lorsque la trajectoire est une portion de droite et la valeur de la vitesse est constante.

Dans un référentiel donné, un système a un mouvement rectiligne uniforme si son vecteur vitesse  $\vec{v}$  est constant (même direction, même sens et même valeur).



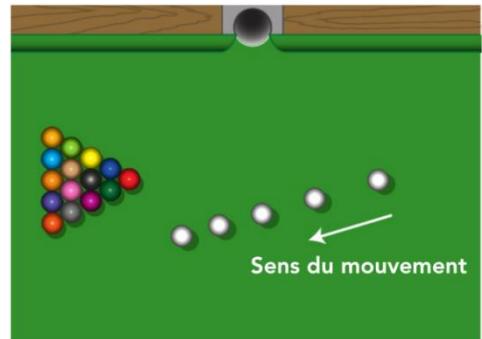
Comme le vecteur vitesse  $\vec{v}$  ne varie pas (mêmes direction, sens et valeur) on dira que l'accélération  $\vec{a}$  est nulle.

Les graphiques suivants caractérisent un mouvement rectiligne et uniforme sur un axe Ox orienté dans le sens du mouvement.

Chronophotographie du mouvement sur un axe Ox	Représentation graphique de la coordonnée $x(t)$ de la position	Représentation graphique de la coordonnée $v_x(t)$ de la vitesse	Représentation graphique de la coordonnée $a_x(t)$ de l'accélération
	 <p>Équation de la représentation graphique :  <math>x(t) = v_{x_0} \cdot t + x_0</math></p>	 <p>Équation de la représentation graphique :  <math>v_x(t) = v_{x_0}</math></p>	 <p>Équation de la représentation graphique :  <math>a_x(t) = 0</math></p>

## 2.3- Mouvements rectilignes uniformément variés

Dans un référentiel donné, le mouvement d'un système est rectiligne et uniformément varié lorsque sa trajectoire est une portion de droite et la valeur de sa vitesse varie (augmente ou diminue). La valeur de la vitesse est alors une fonction affine du temps.

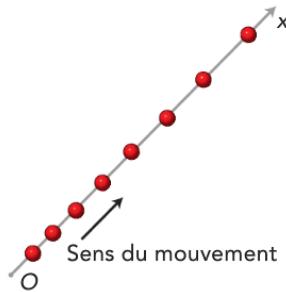
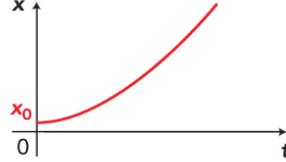
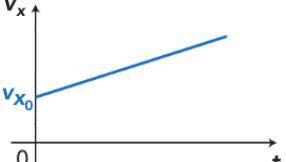


Comme le vecteur vitesse  $\vec{v}$  varie pas (mêmes direction et sens mais des valeurs différentes) on dira que l'accélération  $\vec{a}$  est non nulle.

Si la vitesse augmente on dira que le mouvement sera accéléré et si elle diminue on dira que le

mouvement sera décéléré.

Les graphiques suivants caractérisent un mouvement rectiligne uniformément accéléré sur un axe  $Ox$  orienté dans le sens du mouvement.

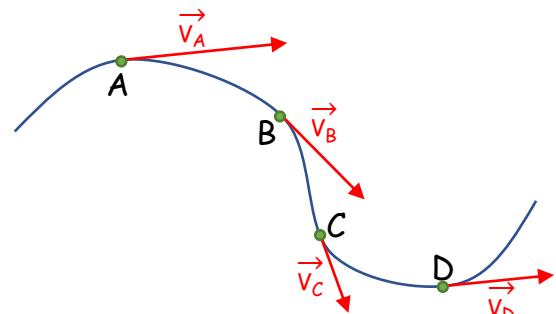
Chronophotographie du mouvement rectiligne sur un axe $Ox$	Représentation graphique de la coordonnée $x(t)$ de la position	Représentation graphique de la coordonnée $v_x(t)$ de la vitesse	Représentation graphique de la coordonnée $a_x(t)$ de l'accélération
 <p>Sens du mouvement</p>	 <p>Équation de la représentation graphique :  <math display="block">x(t) = \frac{1}{2} \cdot a_{x_0} \cdot t^2 + v_{x_0} \cdot t + x_0</math></p>	 <p>Équation de la représentation graphique :  <math display="block">v_x(t) = a_{x_0} \cdot t + v_{x_0}</math></p>	 <p>Équation de la représentation graphique :  <math display="block">a_x(t) = a_{x_0}</math></p>

## 2.4- Mouvement curviligne

Un mouvement est dit curviligne lorsque la trajectoire est une courbe quelconque.

En tout point, le vecteur vitesse  $\vec{v}_M$  est constamment tangent à la trajectoire.

Comme le vecteur vitesse varie constamment (direction, sens et valeur), l'accélération en tout point est non nulle.

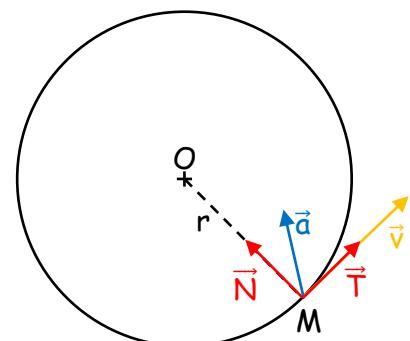


## 2.5- Mouvement circulaire (hors programme)

Désignons par  $\vec{v}$  le vecteur vitesse et  $\vec{a}$  le vecteur accélération d'un mobile ponctuel décrivant une trajectoire circulaire.

Lors d'un mouvement circulaire, le vecteur vitesse  $\vec{v}$  est toujours tangent à la trajectoire:

$$\vec{v} = v \cdot \vec{T}$$



Le vecteur accélération  $\vec{a}$ , qui est toujours dirigée vers l'intérieur de la trajectoire, a une composante normale et une composante tangentielle, d'où la relation:

$$\vec{a} = a_T \cdot \vec{T} + a_N \cdot \vec{N}$$

La composante tangentielle  $a_T$  de l'accélération, qui peut être positive ou nulle, fait varier la valeur de la vitesse. Cette composante est donnée par la relation:

$$a_T = \frac{dv}{dt}$$

La composante normale  $a_N$  de l'accélération, qui est positive, modifie la direction de la vitesse. Cette composante est donnée par la relation:

$$a_N = \frac{v^2}{r}$$

On écrira ainsi le vecteur accélération  $\vec{a}$  sous la forme:

$$\vec{a} = \frac{dv}{dt} \cdot \vec{T} + \frac{v^2}{r} \cdot \vec{N}$$

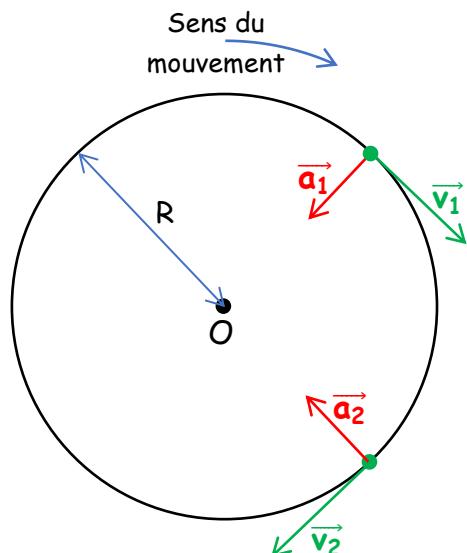
## 2.6- Mouvement circulaire uniforme

Dans le cas d'un mouvement circulaire uniforme, les valeurs  $v$  et  $a$  de la vitesse  $\vec{v}$  et de l'accélération  $\vec{a}$  sont constantes. On aura donc:

$$a = a_N = \frac{v^2}{r} = \text{cte} \quad \text{et} \quad a_T = \frac{dv}{dt} = 0$$

Dans un référentiel donné, un système a un mouvement circulaire uniforme si sa trajectoire est une portion de cercle de rayon  $R$  et si la valeur  $v$  de sa vitesse  $\vec{v}$  et la valeur  $a$  de son accélération  $\vec{a}$  sont constantes:

$$v = \text{cte} \quad \text{et} \quad a = \frac{v^2}{R} = \text{cte}$$



**Remarque:** Dans le cas d'un mouvement circulaire uniforme, le vecteur accélération  $\vec{a}$  est dit centripète car il est orienté vers le centre  $O$  de la trajectoire

Si un point  $M$  est animé d'un mouvement circulaire uniforme, alors:

- Le vecteur vitesse  $\vec{v} = v \cdot \vec{T}$  est tangent au cercle.
- Le vecteur accélération  $\vec{a} = a_N \cdot \vec{N} = \frac{v^2}{r} \cdot \vec{N}$  est centripète.

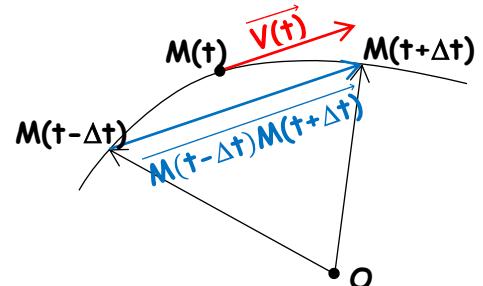
On dit que le mobile ponctuel  $M$  est soumis à une force centrale (ou radiale), c'est-à-dire constamment orientée vers le centre.

### 3- Vitesse

#### 3.1- Vitesse moyenne

Si, dans un référentiel donné, entre les dates  $t - \Delta t$  et  $t + \Delta t$ , un mobile se déplace de la position  $M(t - \Delta t)$  à la position  $M(t + \Delta t)$ , alors le vecteur vitesse moyen  $\vec{V}$  au point  $M(t)$  entre ces deux dates est:

$$\vec{V} = \overline{V(t)} = \frac{\overrightarrow{M(t - \Delta t)M(t + \Delta t)}}{2\Delta t} = \frac{\overrightarrow{OM(t + \Delta t)} - \overrightarrow{OM(t - \Delta t)}}{2\Delta t}$$



La durée  $2\Delta t$  correspond au temps nécessaire pour passer de la position  $M(t - \Delta t)$  à la position  $M(t + \Delta t)$ .

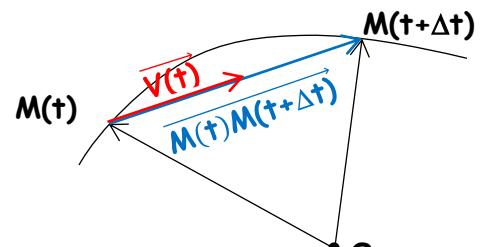
Ce vecteur vitesse  $\vec{V}$  est colinéaire au vecteur déplacement  $\overrightarrow{M(t - \Delta t)M(t + \Delta t)}$  entre les deux points  $M(t - \Delta t)$  et  $M(t + \Delta t)$ .

Avec cette méthode, le vecteur vitesse  $\vec{V}$  est tangent à la trajectoire.

**Remarque:** On peut utiliser une autre méthode pour déterminer la vitesse moyenne en deux positions.

Si, dans un référentiel donné, entre les dates  $t$  et  $t + \Delta t$ , un mobile se déplace de la position  $M(t)$  à la position  $M(t + \Delta t)$ , alors le vecteur vitesse moyen  $\vec{V}$  au point  $M(t)$  entre ces deux dates est:

$$\vec{V} = \overline{V(t)} = \frac{\overrightarrow{M(t)M(t + \Delta t)}}{\Delta t} = \frac{\overrightarrow{OM(t + \Delta t)} - \overrightarrow{OM(t)}}{\Delta t}$$



La durée  $\Delta t$  correspond au temps nécessaire pour passer de la position  $M(t)$  à la position  $M(t + \Delta t)$ .

Ce vecteur vitesse  $\vec{V}$  est colinéaire au vecteur déplacement  $\overrightarrow{M(t)M(t + \Delta t)}$  entre les deux points  $M(t)$  et  $M(t + \Delta t)$ .

Avec cette méthode le vecteur vitesse  $\vec{V}$  est tangent à la trajectoire que si les deux positions successives sont très proches et donc que la durée  $\Delta t$  est petite.

### 3.2- Vitesse instantanée

Le vecteur vitesse instantanée  $\vec{v} = \overrightarrow{v(t)}$  (à l'instant  $t$ ) est obtenu lorsque les deux positions successives sont très proches et donc que la durée  $\Delta t$  est petite.

D'un point de vue mathématique, le vecteur vitesse instantanée  $\vec{v} = \overrightarrow{v(t)}$  (à l'instant  $t$ ) est la dérivée par rapport au temps du vecteur position  $\overrightarrow{OM(t)}$  du mobile ponctuel:

$$\vec{v} = \overrightarrow{v(t)} = \frac{d\overrightarrow{OM(t)}}{dt}$$

### 3.3- Caractéristiques du vecteur vitesse

Les caractéristiques du vecteur vitesse sont les suivantes:

- Le point d'application de  $\vec{v} = \overrightarrow{v(t)}$  est le point  $M$  où se trouve le mobile ponctuel à cet instant.
- La direction de  $\vec{v} = \overrightarrow{v(t)}$  est celle de la tangente en  $M$  à la trajectoire suivie par le point étudié.
- Le sens de  $\vec{v} = \overrightarrow{v(t)}$  est celui du mouvement.
- La longueur de  $\vec{v} = \overrightarrow{v(t)}$  représente la norme du vecteur vitesse à cet instant.
- La vitesse s'exprime en  $m.s^{-1}$  (m/s) dans le système international d'unités.

Quelques remarques:

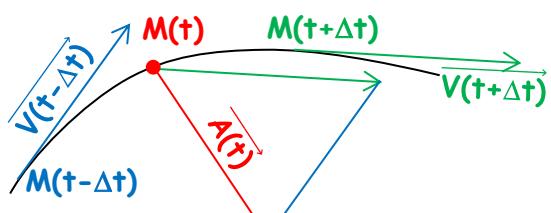
- Si le point mobile  $M$  parcourt des distances égales pendant des intervalles de temps égaux, la valeur de sa vitesse reste constante au cours du temps. On dit alors que le mouvement de  $M$  est uniforme.
- Si la valeur de la vitesse augmente au cours du temps, le mouvement est accéléré.
- Si la valeur de la vitesse diminue au cours du temps, le mouvement est décéléré.

## 4- Accélération (hors programme)

Dans un référentiel donné le vecteur vitesse d'un mobile ponctuel peut changer de valeur et (ou) de direction. C'est l'accélération.

Si, dans un référentiel donné, à l'instant  $t - \Delta t$  le mobile possède la vitesse  $\overrightarrow{V(t - \Delta t)}$  et à l'instant  $t + \Delta t$  la vitesse  $\overrightarrow{V(t + \Delta t)}$ , alors le vecteur accélération  $\overrightarrow{A(t)}$  à l'instant  $t$  est:

$$\overrightarrow{A} = \overrightarrow{A(t)} = \frac{\overrightarrow{V(t + \Delta t)} - \overrightarrow{V(t - \Delta t)}}{2\Delta t}$$



La durée  $2 \cdot \Delta t$  correspond au temps nécessaire pour passer de la position  $M(t - \Delta t)$  à la position  $M(t + \Delta t)$ .

D'un point de vue mathématique, le vecteur accélération instantanée  $\vec{a} = \overrightarrow{a(t)}$  du mobile ponctuel la dérivée par rapport au temps du vecteur vitesse  $\vec{v} = \overrightarrow{v(t)}$ :

$$\vec{a} = \overrightarrow{a(t)} = \frac{d\overrightarrow{v(t)}}{dt}$$

Les caractéristiques du vecteur accélération sont les suivantes:

- Le point d'application de  $\vec{a} = \overrightarrow{a(t)}$  est le point  $M$  où se trouve le mobile ponctuel à cet instant.
- Le vecteur  $\vec{a} = \overrightarrow{a(t)}$  est dirigé vers l'intérieur de la trajectoire.
- La longueur de  $\vec{a} = \overrightarrow{a(t)}$  représente, à une échelle donnée, la norme du vecteur accélération à cet instant.
- L'accélération s'exprime en  $m \cdot s^{-2}$  ( $m/s^2$ ) dans le système international d'unités.